

**ХАРЬКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени А. М. ГОРЬКОГО**

---

# **УЧЕНЫЕ ЗАПИСКИ**

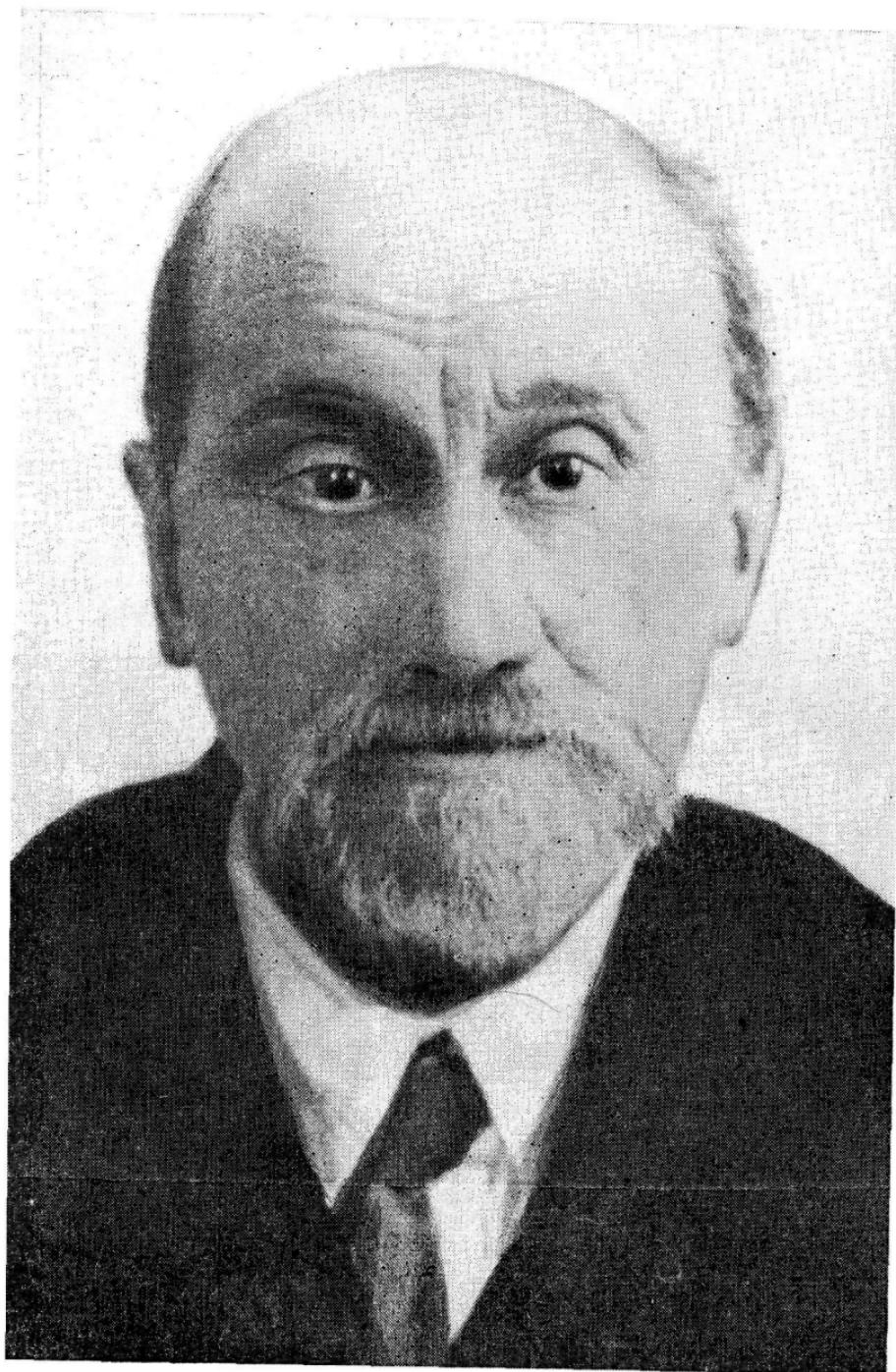
**т о м  
XXIV**

## **ЗАПИСКИ**

**НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКОГО ИНСТИТУТА  
МАТЕМАТИКИ И МЕХАНИКИ  
и ХАРЬКОВСКОГО МАТЕМАТИЧЕСКОГО ОБЩЕСТВА  
СЕРИЯ 4  
ТОМ XIX**

**1 9 4 8**

**ХАРЬКОВ**



АКАДЕМИК  
ДМИТРИЙ МАТВЕЕВИЧ  
СИНЦОВ  
1867—1946

# Список научных работ академика Д. М. Синцова<sup>1)</sup>

## СОКРАЩЕННЫЕ ОБОЗНАЧЕНИЯ ИСТОЧНИКОВ

Вестн. опыта. физ. —	Вестник опытной физики и элементарной математики.
Геом. збірн. —	Геометричний збірник. (Праці сектору геометрії Науково-дослідного інституту математики і механіки Харківського державного університету).
ДВ. гос. ун-т —	Дальневосточный государственный университет.
Доп. А. Н. УРСР —	Доповіді Академії наук УРСР. Відділ фізико-хімічних і математичних наук.
Журн. Мат. о-ва при Дон. горн. ин-те	Журнал Математического общества при Донецком горном институте.
Зап. Имп. Харьк. ун-та —	Записки Императорского Харьковского университета.
Зап. ХИНО —	Записки Харківського інституту народної освіти.
ЗХМТ —	Записки Харківського математичного товариства та Українського інституту математичних наук, а тома VI: Записки Харківського математичного товариства та Науково-дослідного інституту математики і механіки при Харківському державному університеті.
Изв. А. Н. СССР —	Известия Академии Наук СССР.
Изв. Каз. физ.-мат. о-ва —	Известия Физико-математического общества при Императорском Казанском университете.
„Мат. образов.“ —	Журнал „Математическое образование“.
„Мат. просв.“ —	Журнал „Математическое просвещение“.
Моск. мат. сборн. —	Московский математический сборник.
Наук. зап. н.-д. мат. кат. Укр. —	Наукові записки Науково-дослідних математичних катедр України.
СХМО —	Сообщения Харьковского математического общества.
Уч. зап. Каз. ун-та —	Ученые записки Казанского университета.
Уч. зап. ХДУ —	Учені записки Харківського державного університету.

<sup>1)</sup> Составлен при содействии научно-библиографического отдела Центральной научной библиотеки Харьковского государственного университета.

1. О функциях Бернулли дробных порядков.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1890, (1), 8, стр. 291 — 336.
2. Бернуллиевы функции с произвольными указателями.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1891, (2), I, № 2, стр. 234 — 256.
3. Распространение данного Э. Пикаром нового доказательства существования интеграла системы дифференциальных уравнений 1-го порядка на комплексные значения переменных.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1893, (2), III, № 3, стр. 138 — 146.
4. Заметки об уравнениях, аналогичных уравнению Риккати.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1894, (2), IV, № 1, стр. 1 — 17.
5. По поводу некоторых интегралов Эрмита.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1894, (2), IV, № 2, стр. 76 — 77.
6. Новый вид уравнений линейчатых поверхностей.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1894, (2), IV, № 3, стр. 198.
7. Разложение произвольных степеней тригонометрических функций в степенные строки.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1894, (2), IV, № 4, стр. 199 — 204.
8. Теория коннексов в пространстве в связи с теорией дифференциальных уравнений в частных производных первого порядка. (Магистерская диссертация).— Уч. зап. Каз. ун-та, 1894, кн. 6, стр. 145 — 194; 1895, кн. 1, стр. 143 — 198; кн. 3, стр. 99 — 184; кн. 4, стр. 85 — 146.
9. Notes sur l'équation différentielle des surfaces réglées.— Nouvelles Annales de Mathématiques, 1895, (3), XIV, p. 58 — 61.
10. Об одном свойстве поверхностей второй степени.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1896, (2), VI, № 2, стр. 42 — 46; 1897, (2), VII, стр. 10.
11. К вопросу о рациональном интегрировании линейных дифференциальных уравнений. (По поводу исследований Лиувилля и Имшенецкого).— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1897, (2), VII, № 1, стр. 1 — 66; № 4, стр. 137 — 145.
12. К заметке: „Об одном свойстве поверхностей второй степени“.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1898, (2), VII, № 2, стр. 82 — 91.
13. Рациональные интегралы линейных уравнений. (Докторская диссертация).— Уч. зап. Каз. ун-та, 1898, № 4, стр. 179 — 214; № 5 — 6, стр. 81 — 138; № 7 — 8, стр. 137 — 174; № 9, стр. 1 — 50. (Также отд. изд.: Казань, 1898).
14. Заметка о Бернуллиевых числах.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1898, (2), VIII, № 2, стр. 104 — 106.
15. К теории коннексов. (Краткая аннотация реферата, прочитанного 28.VIII 1898 г. на X съезде русских естествоиспытателей и врачей).— Дневник X съезда русских естествоиспытателей и врачей в Киеве, 1898, № 10, вып. 11, стр. 430.
16. Sur les dérivées d'une fonction algébrique.— Nouvelles Annales de Mathématiques, 1898, 3 série, t. XVII, p. 411 — 413.
17. Théorie des connexes dans l'espace.— Bulletin des Sciences Mathématiques, 1898, 2 série, t. XXII, p. 227 — 228.
18. Связь между эллиптическими и гиперболическими функциями.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1899, (2), IX, № 1, стр. 27 — 28.
19. Условия интегрируемости дифференциалов вида  $\Sigma X dx$ .— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1899, (2), IX, № 2, стр. 38 — 40.
20. Об „аналитическом параллограмме“ Лагранжа — Ньютона. (Историческая справка).— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1899, (2), IX, № 3, стр. 44 — 46.
21. К вопросу о сходимости строк.— Моск. мат. сборн., 1899, XX, стр. 616 — 619.
22. Über eine Eigenschaft der Flächen zweiter Grades.— Zeitschrift für Mathematik und Physik, 1899, 44, S. 351 — 355.

23. Note sur l'évaluation d'une intégrale définie.—Annals of Mathematics, 2, series, vol. 2, 1900—1901, № 3, p. 189—192.
24. К задаче г. Семиколенова.—Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1901, (2), XI, № 1, стр. 13—16.
25. К вопросу об особенностях элементах коннекса.—Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1901, (2), XI, № 3, стр. 71—102.
26. Über eine Functionalgleichung.—Archiv der Mathematik und Physik, III serie, VI, Heft 3 und 4, S. 216—217.
27. К вопросу о кривизне кривых линий.—Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1903, (2), XII, № 4, стр. 71—84.
28. Заметки по функциональному исчислению.—Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1903, (2), XIII, № 2, стр. 46—72.
29. К теории коннексов. (Коннексы с элементом: точка — прямая — плоскость).—СХМО, 1904, 2, (VIII), стр. 210—281.
30. Несколько слов по поводу статьи проф. М. А. Тихомандрицкого „Сумма углов плоского треугольника“.—Зап. Имп. Харьк. ун-та, 1905, № 2, стр. 1—5.
31. По поводу письма проф. М. А. Тихомандрицкого.—Журн. Мин. нар. просв., 1907, № 6, стр. 454—457.
32. Кривизна асимптотических линий.—Зап. Имп. Харьковского ун-та, 1908.
33. По поводу „Одной теоремы элементарной геометрии“.—Журн. Мин. нар. просв., 1908, № 9, стр. 178.
34. Резюме трех докладов на XII съезде русских естествоиспытателей и врачей в Москве. XII съезд русских естествоиспытателей и врачей в Москве. Предварительные сведения.—1909, стр. 18.
35. Системы кривых, связанные с главной коинциденцией коннекса ( $x, p, u$ ).—Моск. мат. сборн., 1909, т. 27, стр. 346—359.
36. К вопросу об особенностях элементах коннекса. II — Порядок и класс сопряжённого коннекса. Влияние на них основных точек и прямых и собственно - особенностей.—СХМО, 1909, (2), X, стр. 271—287.
37. К вопросу об особенностях элементах коннекса. III — Понижение порядка и класса сопряжённого пространственного коннекса, благодаря наличию некоторых особенностей.—СХМО, 1910, (2), XII, стр. 1—18.
38. К вопросу об особенностях элементах коннекса. IV — Основания теории сопряжённого коннекса.—СХМО, 1911, (2), XII, стр. 74—105.
39. Кривая отражения солнца в море.—СХМО, 1910, (2), XI, стр. 227—234.
40. Координаты точки пересечения двух прямых в пространстве и плоскости, определяемой этими прямыми,—СХМО, 1910, (2), XI, стр. 287—290.
41. Системы кривых, связанные с главной коинциденцией коннекса ( $x, p, u$ ).—Моск. мат. сборн., 1910, 27, стр. 346—359.
42. On the theorle of connexes.—Proc. 5. Intern. Congr. of Math., Cambridge, Ang. 1913, p. 134—137.
43. Две задачи.—СХМО, 1913, (2), XIII, стр. 274—275.
44. Заметка по поводу теоремы Польке.—„Мат. образов.“, 1915, № 4, стр. 170—171.
45. О графическом решении уравнений.—Вестн. опытн. физ. 1915.
46. Об одном свойстве однополого гиперболоида.—„Мат. образов.“, 1915, № 4, стр. 172—178.
47. Одна задача на огибающую.—СХМО, 1915, (2), XIV, стр. 102—104.
48. Об одном функциональном уравнении.—СХМО, 1915, (2), V, стр. 247—250.

49. Формула Эрмита для приближённого вычисления дуги кривой и её видоизменение.—Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1916, (2), XXII.
50. Несколько моделей для иллюстрации квадратичного характера линейчатой геометрии (задача Gergonne — Steiner'a).—Изв. физ.-мат. о-ва, 1917, (2), XXII.
51. Н. Е. Жуковский и классификация особенных точек дифференциальных уравнений первого порядка.—Наук. зап. н.-д. мат. Укр., Отд. мат., 1924, вып. I, стр. 76 — 80.
52. О точках возврата огибающей.—Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1924, (2), XXIV, стр. 61 — 67.
53. Этюды по теории плоских кривых. I — Несколько замечаний по поводу книги G. Loria „Spezielle algebraische u. transcendenten ebener Kurven”. II — Об одной любопытной циссоидальной кривой.—Наук. зап. н.-д. мат. кат. Укр., 1926, т. II, стр. 71 — 78.
54. Обобщение формулы Епперег'a — Beltrami на системы интегральных кривых Пфаффова уравнения  $Pdx + Qdy + Rdz = 0$ .—СХМО, 1927, (4), I, стр. 64 — 73.
55. Свойства системы интегральных кривых Пфаффова уравнения  $Pdx + Qdy + Rdz = 0$ . Распространение на системы интегральных кривых Пфаффова уравнения  $Pdx + Qdy + Rdz = 0$  теоремы Гаусса.—СХМО, 1927, (4), I, стр. 74 — 79.
56. Этюди з теорії кривих. III — Зв'язок Декартового листка Штейнеровою гіпоциклідою.—Зап. ХІНО, 1927, т. II, стор. 35 — 40.
57. О геометрическом толковании уравнений Монжа в связи с теорией коннексов.—Труды Всероссийского съезда математиков в Москве 27 апреля — 4 мая 1927 г., под ред. проф. И. И. Привалова. М., 1928, стр. 231 — 232.
58. Гауссова кривизна и линии кривизны второго рода.—СХМО, 1928, (4), II, стр. 77 — 79.
59. Этюды по теории плоских кривых. IV — Мальтийский крест V — Значение радиуса кривизны в обыкновенной точке кривой.—СХМО, 1928, (4), II, стр. 80 — 86.
60. Поправка к статье „Обобщение формулы Эннепера — Белтрами на системы интегральных кривых Пфаффова уравнения.”—СХМО, 1928, (4), II, стр. 199.
61. О системах интегральных кривых Пфаффова уравнения  $Pdx + Qdy + Rdz = 0$ . Наук. зап. н.-д. мат. кат. Укр., 1928, т. II, стор. 107 — 148.
62. Деякі властивості прямолінійчастих поверхонь.—Зап. ХІНО, 1928, т. III, стор. 76 — 83.
63. Криві подвійної кривини — перерізи гелікоїда оборотовими поверхнями (зокрема поверхнями другого порядку).—Зап. ХІНО, 1928, т. III, стор. 84 — 91.
64. Об одном свойстве асимптотических линий линейчатых поверхностей.—Отчёт о деятельности математической конференции научно-педагогического общества ДВ гос. Ун-та за июнь-декабрь 1928 г., стр. 27 — 28.
65. Sur le moment de deux droites et son application dans la théorie des connexes.—L'Enseignement Mathématiques, 1928, XXXVII, Nr. 1-2-3, p. 50 — 71.
66. Sur le problème des loxodromies (extrait d'une lettre à M. G. Loria).—Giorn. Battaglini, 1927.
67. Этюды по теории плоских кривых. VI — К определению особых точек.—Журн. мат. о-ва при Дон. горн. ин-те, 1929, I.
68. О линиях кривизны 2-го рода в системе интегральных кривых уравнения Пфаффа. (Ортогональные системы. Теорема Joachim.

- я).— Отчет о деятельности математической конференции научно-педагогического общества ДВ гос. ун-та, 1929, стр. 21—24.
69. Об одной геометрической задаче.— Отчет о деятельности математической конференции научно-педагогического общества ДВ гос. ун-та, январь—декабрь 1929 г., стр. 23—25.
70. Окремі випадки систем інтегральних кривих Пфаффового рівняння.— ЗХМТ, 1929, (4), III, стр., 111—119.
71. Геометрія Монжевих рівнянь.— ЗХМТ, 1929, (4), III, стор. 121—132.
72. Кривина асимптотичних ліній (лінії головних дотичних) для поверхонь систем інтегральних кривих Пфаффових та Монжевих рівнянь та комплексів.— ЗХМТ, 1929, (4), III, стор. 132—146.
73. Скрут асимптотичних ліній.— ЗХМТ, 1929, (4), III, стор. 147—160.
74. Zur Krümmungstheorie der Integralkurven der Pfaffschen Gleichung.— Mathematische Annalen, 1929, Band. 101, Heft 2/3, S. 261—272.
75. Диференциальное уравнение главной коинциденции коннекса в линейчатой форме.— Изв. Каз. физ. мат. о-ва, 1929—1930, (3), IV, стр. 41—43.
76. Об одном уравнении Poincaré и теории коннексов.— Изв. Каз. физ.-мат. о-ва, 1929—1930, (3), IV, стр. 44—46.
77. Современное состояние теории коннексов.— Труды I Всесоюзного съезда математиков.— Харьков, 1930; М.-Л., 1936, стр. 309—317.
78. К вопросу об объеме усечённой пирамиды у египтян. (Очерк по истории математики).— „Математ. образов.“, 1930, № 1, стр. 1—4.
79. Питання про особливі елементи коннексу.— ЗХМТ, 1930, (4), IV, стор. 191—199.
80. Огибающие кривых в пространстве.— Журн. физ.-мат. о-ва, при Пермск. гос. ун-те, 1930, т. V, вып. I.
81. Кривая Уатта.— Изв. мат. кафедры ДВ гос. ун-та, 1930, январь—декабрь, стр. 13—16.
82. О линиях кривизны второго рода в системе интегральных кривых уравнения Пфаффа. Отчет математической конференции ДВ гос. ун-та, 1931.
83. Свойства системы интегральных кривых Пфаффова уравнения в  $n$ -переменных. Изв. АН СССР, 1931, № 10, стр. 1275—1294.
84. Studien über das System der Integralkurven der Pfaffschen Gleichung  $Pdx + Qdy + Rdz = 0$ .— ЗХМТ, 1932, (4), V, стр. 97—129.
85. Sur une propriété du système des courbes intégrales de l'équation différentielle du 2-d ordre  $y''=f(x,y)$  et son application à la construction du centre de courbure.— ЗХМТ, 1933, (4), VI, стр. 19—25.
86. Sur la détermination des points singuliers d'une surface définie par des équations de forme paramétrique.— ЗХМТ, 1933, (4), VII, стор. 9—13.
87. Sur l'axe de déviation (normale affine).— ЗХМТ, 1934, (4), VIII, стор. 33—36.
88. Discussion du cas douteux des singularités doubles de la courbe plane en coordonnées tangentielles.— ЗХМТ, 1934, (4), VIII, стор. 37—43.
89. Sur une extension d'un problème de Czuber sur les enveloppes.— ЗХМТ, 1934, (4), IX, стор. 33—37.
90. Формулы Френе-Серре для плоского  $n$ -вимірного простору.— Уч. зап. ХДУ, 1935, кн. I, стор. 5—19.
91. Про властивості систем інтегральних кривих Пфаффового рівняння в  $n$ -змінних.— Уч. зап. ХДУ, 1935, кн. 2—3, стор. 1—14.
92. О выводе выражений для меры кривизны и меры кручения.— „Мат. просв.“, 1935, № 4, стр. 69—76.
2. Ученые записки ХГУ, т. XXIV.

93. Циссоїди елліпса і гіперболи.— „Мат. просв.“, 1935, № 100—105.
94. Etudes sur les systemes de courbes intégrales de l'équation de Pfaff  $\Sigma P dx = 0$  (Détermination des courbes intégrales, situées sur une surface donnée. Application aux courbes du complexe linéaire.— ЗХМТ, 1935, (4), XI, стор. 35—44.
95. Sur une application mécanique des propriétés des courbes intégrales de l'équation de Pfaff.— ЗХМТ, 1935, (4), XI, стор. 45—47.
96. Sur le sens géométrique de l'équation différentielle des surfaces réglées.— ЗХМТ, 1935, (4), XI, стор. 49—53.
97. Про властивості системи інтегральних кривих диференціального рівняння першого порядку (додаток до § 5 статті: „Про властивості системи інтегральних кривих Пфаффового рівняння в п-змінних“).— Уч. зап. ХДУ, 1936, кн. 4, стор. 1—4.
98. Приближена замена цепної лінії параболою або елліпсом.— „Мат. просв.“, 1936, № 5, стр. 93—95.
99. Об одній геометрическій задачі.— „Мат. просв.“, 1936, № 5, стр. 96—98.
100. Загальні ідеї теорії коннексів і інтеграційні задачі, з ними звязані.— Уч. зап. ХДУ, 1936, кн. 6—7, стор. 1—13.
101. Свягь астроїди и четырехлепестного венчика.— „Мат. просв.“, 1936, № 9, стор. 37—38.
102. Sur une propriété des lignes géodésiques du système des courbes intégrales de l'équation de Pfaff.— ЗХМТ, 1936, (4), XIII, вып. I, стор. 63—64.
103. Sur les congruences des courbes dans l'espace.— ЗХМТ, 1936, (4), XIII, вып. 1, стр. 65—73.
104. Sur la classification des points d'une courbe dans  $R_n$  et le nombre des types des points de rebroussement.— ЗХМТ, 1936, (4), XIII, вып. 1, стр. 74.
105. Геометрия Монжевих пространств.— Труды семинара по векторному и тензорному анализу. М., 1937, вып. IV, стр. 184—185.
106. Про інтегрування нормальних систем сукупних диференціальних рівнянь. (Спосіб Коркіна і схема Адамара).— Уч. зап. ХДУ, 1937, № 10, стор. 17—29.
107. Проективна теорія диференціальних рівнянь першого порядку.— Уч. зап. ХДУ, 1937, кн. 8—9, стор. 41—60.
108. Застосування однієї цікавої символічної формули в теорії лінійних диференціальних рівнянь.— Уч. зап. ХДУ, 1937, № 10, стор. 1—4.
109. З приводу деяких найновіших досліджень з геометрії Пфаффових многообразностей.— Уч. зап. ХДУ, 1937, № 10, стор. 31—39.
110. „Алгебра або числення скінченник“ Лобачевського і спосіб Греффе обчислення коренів числених рівнянь.— Уч. зап. ХДУ, 1937, № 10, стор. 41—56.
111. Найпростіші образи і метричні функції коннексного простору.— ЗХМТ, 1937, (4), XIV, стор. 159—171.
112. До теорії коннексів з елементом (точка, пряма, площа).— Геом. збірн., I, 1938, стор. 9—21.
113. Визначення омбілічних ліній на поверхнях, заданих рівнянням в нерозв'язаному виді. Геом. збірн., I, 1938, стор. 35—41.
114. Про інтегрування квадратичного рівняння в повних диференціалах від трьох змінних другого степеня. Геом. збірн., I, 1938, стор. 95—99.
115. До питання про інтегральні криві одночленової групи.— Геом. збірн., I, 1938, стор. 99—103.

- 116. Исследования по теории Пфаффовых многообразий (Специальные многообразия первого и второго рода). Геом. збірн., II, 1940, стор. 63 — 83.
117. Геометрическая теория интегрирования дифференциальных уравнений в частных производных первого порядка с двумя независимыми переменными. Геом. збірн., II, 1940, стор. 32 — 61.
118. Общая теория коннекса с элементом (точка, прямая) в пространстве. Збірн. праць Ін-ту матем. АН УРСР, 1940, № 5, стор. 31 — 71.
119. Исследования по теории Пфаффовых многообразий.— ЗХМТ, 1940, (4), XVI, стор. 62 — 81.
120. Конгруэнции кривых, заданные совокупной системой нормального вида. Статья II.— ЗХМТ, 1940, (4), XVIII, стор. 1 — 25.
121. Конфигурации, определяемые пересечением 2,3 и более биллинейных коннексов. Збірн. праць Ін-ту матем. АН УРСР, 1941, № 6, стор. 3 — 32.
122. Про одну властивість інтегральних кривих рівнянь виду  $y'' = f(x, y)(1 + y'^2)^m$ .— Доп. АН УРСР, відділ фіз.-хім. і матем. наук, 1942, № 1 — 2, стор. 9 — 13.
123. О стрикционной линии семейства интегральных кривых дифференциального уравнения первого порядка. „Наукова хроніка“ Харк. держ. ун-ту, 1945, № 2.