

ПИСЬМО В РЕДАКЦИЮ

В то время, как наша заметка «Об устойчивости решений уравнения Хилла с операторным коэффициентом, имеющим неотрицательное среднее значение», публикуемая в этом выпуске сборника, стр. 101—105, находилась в печати, вышла в свет книга Ю. Л. Далецкого и М. Г. Крейна*, содержащая на стр. 344 следующее утверждение:

Теорема E.** Все решения уравнения (1) с *B*-интегрируемым*** коэффициентом $P(t)$ (2) устойчиво ограничены при $\lambda \in \Delta_0^+$ (5), если либо выполняется (10), либо $P_{\text{ср}} \geq 0$ и $(Q_0^2)_{\text{ср}} \gg 0$, где $Q_0(t) = Q(t) - Q_{\text{ср}}$ (см. (13)).

Эта теорема охватывается нашим результатом, так как выполнение любого варианта условий теоремы E влечет за собой выполнение условий варианта 1* теоремы 1, но не следует из этих условий. Последнее видно на примере уравнения (1) с коэффициентом $P(t) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & \sin t \end{pmatrix}$, удовлетворяющим условиям теоремы 1 (и теоремы B), но не удовлетворяющим условиям теоремы E.

Из варианта 2° теоремы 1 и из рассуждений, подобных приведенным в нашей заметке, вытекает

Теорема 2. Утверждение теоремы E остается в силе, если в ее условии требование *B*-интегрируемости $P(t)$ заменить на (7). Условия $(Q^2)_{\text{ср}} \geq 0$ и $(Q_0^2)_{\text{ср}} \geq 0$ эквивалентны.

* Ю. Л. Далецкий и М. Г. Крейн. Устойчивость решений дифференциальных уравнений в банаховом пространстве. «Наука», М., 1970.

** Сохраняем обозначения и нумерацию формул из нашей заметки.

*** Все оператор-функции в * предполагаются *B*-интегрируемыми в смысле равномерной операторной топологии (см.*, стр. 140).